

# 4 3 4 4 4 5 【理学部】

## 理 科 問 題

2024(令和6)年度

### 【注意事項】

- 理科は2科目を解答すること。試験時間は2科目合計で180分である。
- 試験開始の合図まで、この問題冊子を開いてはいけない。ただし、表紙はあらかじめよく読んでおくこと。
- この問題冊子の印刷は1ページから15ページまであり、解答用紙は問題冊子中央に9枚はさみこんである。

科 目	問 題	解答用紙
物 理	1ページから6ページ	3枚(43-1, 43-2, 43-3)
化 学	7ページから10ページ	3枚(44-1, 44-2, 44-3)
生 物	11ページから15ページ	3枚(45-1, 45-2, 45-3)

- 問題冊子に落丁、乱丁、印刷不鮮明な箇所等があった場合および解答用紙が不足している場合は、手をあげて監督者に申し出ること。
- 試験開始後、解答する科目の解答用紙の所定欄に、受験番号と氏名を記入すること(1枚につき受験番号は2箇所、氏名は1箇所)。
- 解答は必ず解答用紙の指定された箇所に記入すること。解答用紙の裏面に記入してはいけない。
- 解答する科目の問題番号に対応した解答用紙に解答していない場合は、採点されない場合もあるので注意すること。
- 解答する字数に指定がある場合は、句読点も1字として数えること。英数字を記入する場合は、1字分のマス目に2文字まで記入してよい。
- 解答用紙を切り離したり、持ち帰ってはいけない。解答しない科目の解答用紙も提出すること(提出方法については、試験終了後の指示に従うこと)。
- 問題冊子の中の白紙部分は下書き等に使用してよい。
- 試験終了時刻まで退室を認めない。試験中の気分不快やトイレ等、やむを得ない場合には、手をあげて監督者を呼び、指示に従うこと。
- 試験終了後は問題冊子を持ち帰ること。

# 43 物理

1 ページから 6 ページ

[ I ] 図1のように、一様な素材でできた円柱の底面の中心におもりをつけて水に入れると、円柱はその底面を下に向け、一部を水面上に出して静止した。円柱の断面積を  $S$ 、長さを  $L$  とする。おもりの大きさは無視でき、円柱とおもりの質量の合計を  $M$  とする。また、水の密度を  $\rho_0$ 、重力加速度の大きさを  $g$  とし、水と円柱およびおもりの間に働く摩擦は無視できるものとして、以下の問い合わせに答えなさい。ただし、円柱は傾かずに静止および運動するものとする。

(1) 静止した状態での水面下の円柱の長さを  $l_0$  として、円柱にはたらいている浮力の大きさ  $f$  を  $l_0$  を用いて表しなさい。

(2)  $l_0$  を求めなさい。

(3) 静止した状態で、円柱の上面が水面より下がらないために質量  $M$  が満たす条件を求めなさい。

次に、図2のように、円柱を上面から鉛直下向きに押し、円柱の一部が水面上に出ている状態で静止させた後にはなした。円柱は一部が常に水に入った状態で上下方向に振動を始めた。静止しているときに円柱を押している力の大きさは  $F_0$  だった。

(4) 円柱が静止しているとき、水面下の円柱の長さ  $l_1$  を求めなさい。

(5) この振動が単振動であることを示しなさい。

(6) この振動の周期  $T_0$  を求めなさい。

振動を止め、もう一度円柱を上面から鉛直下向きに押し、円柱の一部が水面上に出ている状態で静止させた後にはなした。円柱は鉛直上向きに動き始め、今度は完全に水面から飛び出た。静止しているときに円柱を押している力の大きさは  $F_1$  だった。

(7) 円柱が完全に水面から飛び出るために必要な  $F_1$  の条件を求めなさい。

(8) 円柱が完全に水面から飛び出た直後の円柱の速さを求めなさい。

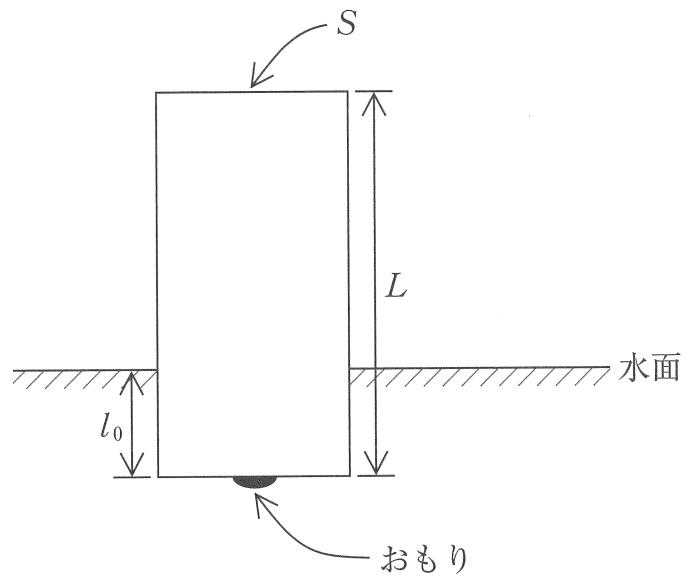


図 1

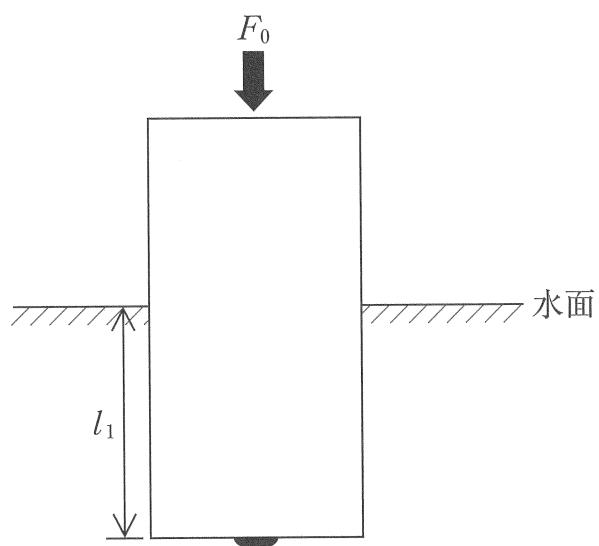


図 2

## [ II ] 内部抵抗の無視できる電池と抵抗で構成された直流回路について考える。

(1) 図1, 2の回路には、起電力  $E_0, E_1, E_2$  の電池と抵抗値  $R_0, R_1, R_2$  の抵抗が接続されている。

(ア) 図1の回路の端子間に抵抗値  $r$  の抵抗を接続したとき、端子間の電圧  $V_0$  と端子間を流れる電流の大きさ  $I_0$  を求めなさい。

(イ) 図2の回路の端子間に抵抗値  $r$  の抵抗を接続したとき、端子間の電圧  $V$  と端子間を流れる電流の大きさ  $I$  を求めなさい。

図2の回路は、1つの電池と1つの抵抗が接続された図1の回路と同じ構成の単純な回路で再現できる。以下では、この単純な回路を等価回路と呼ぶ。図2の回路の等価回路における電池の起電力と抵抗の抵抗値は、(1)(イ)で求めた電圧  $V$  と電流の大きさ  $I$  をそれぞれ以下のようない形の式で表すことで求められる。

$$V = \frac{Xr}{r+Y}, \quad I = \frac{X}{r+Y}$$

ここで  $X$  と  $Y$  はそれぞれ等価回路における電池の起電力と抵抗の抵抗値である。

(2)  $X$  と  $Y$  を求めなさい。

さらに電気素子の多い図3～6の回路について考える。これらの回路には、起電力  $E'_1, E'_2, E'_3, \dots, E'_n$  の電池と抵抗値  $\frac{1}{2}R, R$  の抵抗が接続されている。

(3) 図3の回路の等価回路における電池の起電力  $X_1$  と抵抗の抵抗値  $Y_1$  を求めなさい。

(4) 図4の回路の等価回路における電池の起電力  $X_2$  と抵抗の抵抗値  $Y_2$  を求めなさい。

(5) 図5の回路の等価回路における電池の起電力  $X_3$  と抵抗の抵抗値  $Y_3$  を求めなさい。

(6) 図6の回路で  $E'_1 = E'_2 = E'_3 = \dots = E'_n = E$  とした場合、等価回路における電池の起電力  $X_n$  と抵抗の抵抗値  $Y_n$  を求めなさい。

(7) (6)で  $n \rightarrow \infty$  とした場合、等価回路における電池の起電力  $X_{\infty}$  と抵抗の抵抗値  $Y_{\infty}$  を求めなさい。

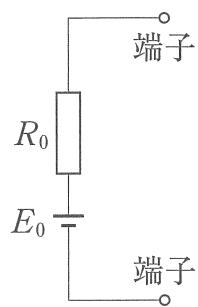


図 1

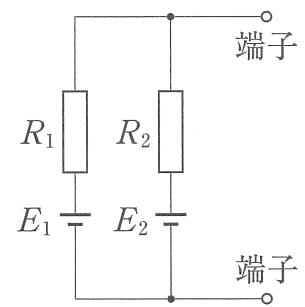


図 2

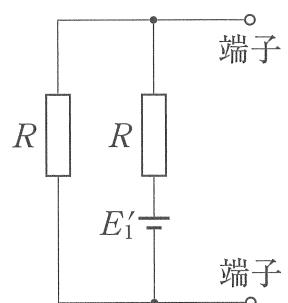


図 3

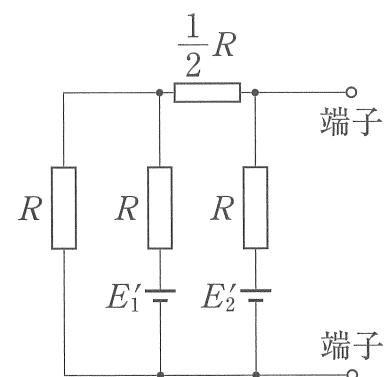


図 4

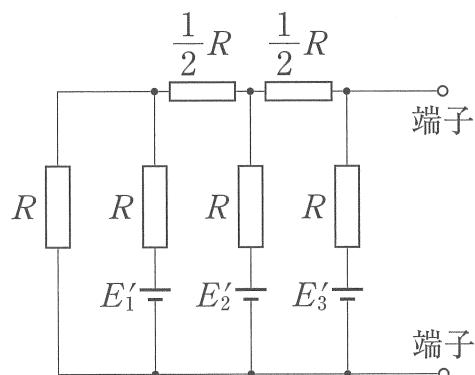


図 5

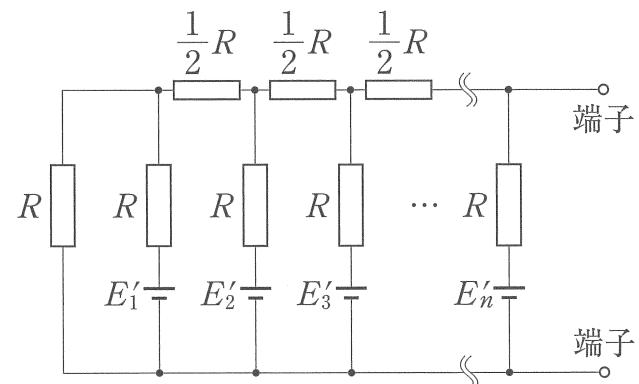


図 6

[ III ] 図1のように、直線的に進むレーザーを発する光源Sから出た波長 $\lambda_0$ の光線が最終的に検出器Dで検出される実験を考える。Dに到達する経路は2つあり、ひとつは、Sから出射して半透明鏡Hを透過し、平面鏡M<sub>1</sub>で反射した後、Hで反射しDに達する。もうひとつは、Sから出射してHで反射し、平面鏡M<sub>2</sub>で反射した後、Hを透過しDに達する。Dではこれら2つの光線の重ね合わせによる光の強度の変化を一点で測定できる。なお、装置全体は真空中にある。

はじめ、M<sub>1</sub>を固定し、M<sub>2</sub>を移動させ、Dで測定される光の強度が極大となるようにM<sub>2</sub>のHからの距離を決めた。

- (1) M<sub>2</sub>をさらに距離 $L_1$ だけ移動すると、光の強度は極大となった。整数 $m$ を用いて $L_1$ を表しなさい。

その後、HとM<sub>1</sub>の間に厚さ $d$ の薄膜を光線に垂直に挿入した。

- (2) 薄膜の屈折率を $n_1$ として、薄膜を挿入したことによる2つの光線の光路差の変化量を表しなさい。

その後、光源の波長を変化させると、波長 $\lambda_1 = 0.50 \times 10^{-6}$  mのときにDで測定される光の強度が極大となった。さらに、光源の波長を $\lambda_1$ から少しづつ長くしていくと、Dで測定される光の強度は一度極小になるが、ある波長で再び極大となることが予想される。

- (3) 薄膜の厚さは $d = 2.5 \times 10^{-6}$  mであり、波長 $\lambda_1$ に対する薄膜の屈折率は $n_1 = 1.5$ であった。薄膜の屈折率が波長に依存しないと仮定したとき、上記の光の強度が極大となることが予想される波長 $\lambda_2$ を求めなさい。

- (4) 実際には、薄膜の屈折率は光の波長に依存し、光の波長が長いほど、この薄膜の屈折率は小さいことが分かっている。光の強度が極大となる実際の波長は、(3)で計算した $\lambda_2$ よりも長いか短いか、理由を含めて答えなさい。

次に、薄膜を光路からはずした後、図2のように、光を通すことができる容器AをHとM<sub>1</sub>の間に設置した。Aにはヒーターが備え付けられ、はじめ内部は真空である。また、Aの光路方向の長さは $L_2$ である。なお、Aの壁の厚さおよび壁による光路長の変化は無視できるものとする。

- (5) Aにアルゴンガスを少しづつ入れ、Dで測定される波長 $\lambda_0$ の光の強度の極大が $\rho$ 回繰り返されたところで、アルゴンガスの注入を止めた。この状態でのアルゴンガスの屈折率 $n_2$ を表しなさい。

(6) A に 750 J の熱量を加えたところ、A およびアルゴンガスの温度は 25°C から 49°C まで上昇した。A を真空に戻し、25°C に冷ました後、再び 750 J の熱量を加えたところ、A の温度は 25°C から 50°C まで上昇した。A に注入されたアルゴンガスの物質量を求めなさい。ただし、A の内部は外部と断熱されており、アルゴンガスは单原子分子理想気体として扱う。気体定数は  $8.3 \text{ J}/(\text{mol} \cdot \text{K})$  とする。

(7) (5)において、 $\lambda_0 = 0.59 \times 10^{-6} \text{ m}$ ,  $L_2 = 0.20 \text{ m}$ ,  $p = 95$  であった。また、A の容積は 4.5 L であった。0°C, 1 気圧のアルゴンガスの屈折率を  $n_3$  として、 $n_3 - 1$  を求めなさい。ただし、気体の屈折率を  $n$  としたとき、 $n - 1$  の値は気体の密度に比例し、0°C, 1 気圧の 1 mol の理想気体の体積は 22.4 L とする。

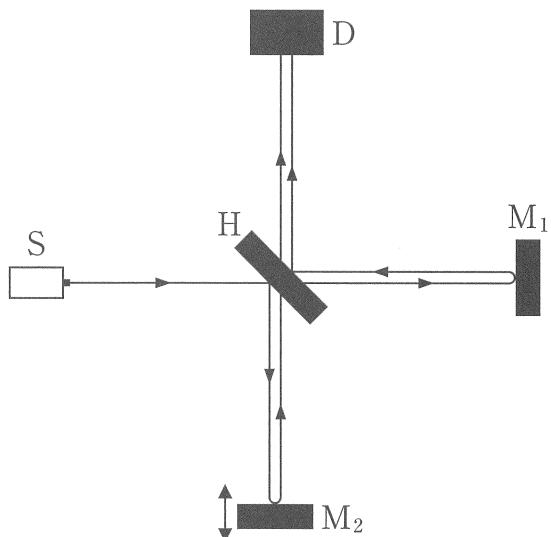


図 1

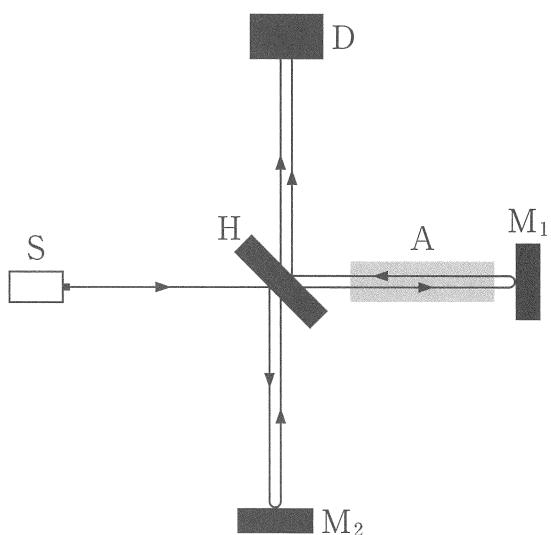


図 2